

# Outils pour la sûreté de fonctionnement

Vous avez dit « vérification »?

Nicolas Stouls  
*Université de Lyon, INRIA  
INSA-Lyon, CITI, F-69621, France*  
*Nicolas.Stouls@insa-lyon.fr*

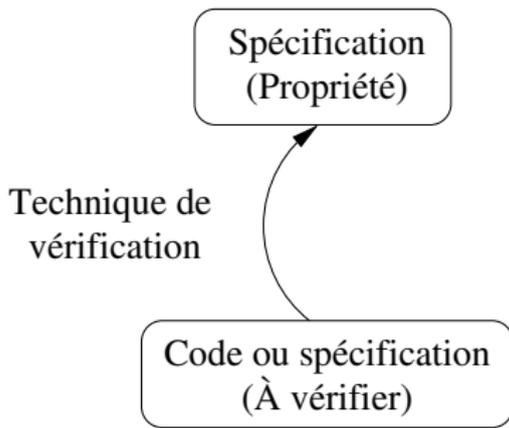
10/8/11

# Introduction

# Vérification

## Que vérifier ?

- Un programme par rapport à une spécification
- Une spécification par rapport à une spécification plus générale



## Problèmes

- Comment vérifier ?
- Langage de spécification ?

## Distinction

- Génie logiciel « classique »
- Méthodes formelles

# Vérification

## Génie logiciel

Science de la maîtrise des coûts, de la complexité et de la qualité des développements.

## Méthodes formelles

- Méthodes de génie logiciel
- Haut niveau de confiance
- Doit réunir 3 éléments :
  - Langage de spécification (*Expressif + sémantique bien définie*)
  - Technique(s) de vérification (*Règles de raisonnement*)
  - Outil (*Correcte utilisation des règles*)

# Spécification ?

- Proposition de définition :

Description faite sans se préoccuper  
des contraintes de bas niveau

- Spécification  $\Leftrightarrow$  modèle
- Attention à la surcharge de « modèle » :
  - Mathématiques:  
*Description d'une solution d'un système de contraintes*
  - Informatique :  
*Description abstraite d'un système ( $\Leftrightarrow$  spécification)*

## Principes des modèles/spécifications

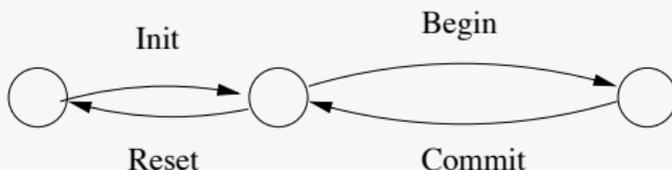
- Modéliser quoi : *un programme, un réseau, la construction d'une voiture ou les propriétés de résistance thermique du chou fleur de Hongrie occidentale.*
- Pourquoi faire ces modèles:
  - Communiquer sur le système
  - Vérifier la conformité modèle-système
- Langage utilisé : *dépend du système modélisé et des objectifs de vérification*
- Méthode utilisée : *dépend du système modélisé et des objectifs de vérification*

# 5 exemples concrets de langages de spécification

## Graphique

- Comportemental (*comportements et espace d'états*)

## Textuel

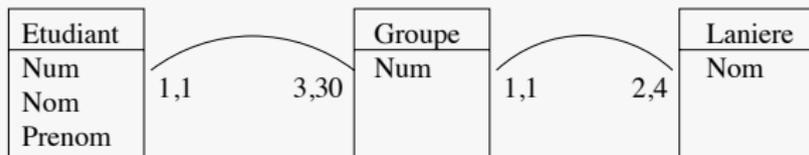


## 5 exemples concrets de langages de spécification

### Graphique

- Comportemental (*comportements et espace d'états*)
- Organisationnel (*dépendance et répartition des données*)

### Textuel



## 5 exemples concrets de langages de spécification

### Graphique

- Comportemental (*comportements et espace d'états*)
- Organisationnel (*dépendance et répartition des données*)

### Textuel

- Algèbre de processus (*description comportementale*)

$$\begin{aligned} \mathcal{A} &\hat{=} x' = x + 1 \wedge y' = y \\ \mathcal{B} &\hat{=} y' = y + 1 \wedge x' = x \\ \phi &\hat{=} (x = 0) \wedge (y = 0) \wedge \square[\mathcal{A} \vee \mathcal{B}] \end{aligned}$$

# 5 exemples concrets de langages de spécification

## Graphique

- Comportemental (*comportements et espace d'états*)
- Organisationnel (*dépendance et répartition des données*)

## Textuel

- Algèbre de processus (*description comportementale*)
- Fonctionnel (*description de la sortie en terme des entrées*)

**\ensures**  $\forall i \in 1..9 \Rightarrow \backslash result[i] \leq \backslash result[i + 1]$

## 5 exemples concrets de langages de spécification

### Graphique

- Comportemental (*comportements et espace d'états*)
- Organisationnel (*dépendance et répartition des données*)

### Textuel

- Algèbre de processus (*description comportementale*)
- Fonctionnel (*description de la sortie en terme des entrées*)
- Transformationnel (*orienté données*)

```

res ← — sort(t) ≐ PRE t ∈ ℕ → ℕ THEN
  ANY T2 WHERE T2 ∈ dom(t) → ran(t)
    ∧ ∃ f · (f ∈ dom(t) ⇒ dom(t) ⇒ (f; T2) = t)
    ∧ ∀ i, j · (i ∈ dom(T2) ∧ j ∈ dom(T2) ∧ i ≤ j ⇒ T2[i] ≤ T2[j])
  THEN res := T2 END END
  
```

# Formel/Semi-formel/informel

## Langage Formel/Semi-formel/informel ?

- Informel: *Langage contenant des ambiguïtés*  
*Ex : Français, Anglais*
- Formel: *Langage mathématiquement bien défini*  
*Ex :  $Z$ ,  $B$*
- Semi-formel: *Langage artificiel contenant des ambiguïtés*  
*Ex : Statecharts,  $C$*

## Méthode formelle ?

- Langage formel
- Technique(s) de vérification
- Outil vérifiant la correcte application des règles

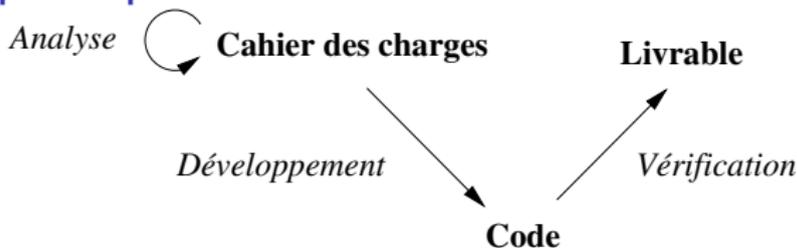
# Langages de spécification

## Finalement ?

- Sert à décrire un ensemble de propriétés
- Tout langage peut être utilisé
- Seules contraintes :
  - Suffisamment expressif
  - Non ambiguë ? ( $\neq$  *non-déterministe*)
- Un sous ensemble de C pourrait être un langage formel
- Le français aussi ....

# Vérification/validation

## Quand et pourquoi ?



### Durant la phase d'analyse

#### **Assistance à la définition des besoins**

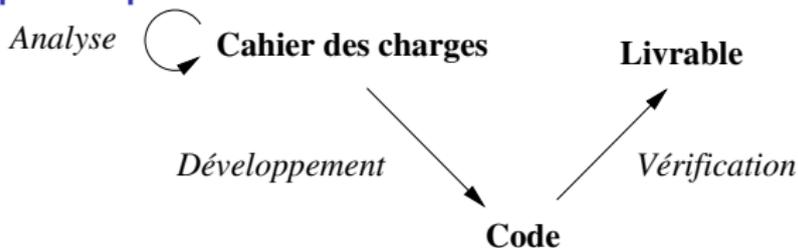
**Pré-requis** Cahier des charges en langue naturelle

**Objectif** Lever les ambiguïtés et les incohérences

**Exemple GL** UML : *description graphique d'un système*

**Exemple MF** OCL : *propriétés logiques sur diagrammes UML*

## Quand et pourquoi ?



### Durant la phase de développement

#### **Logiciels corrects par construction**

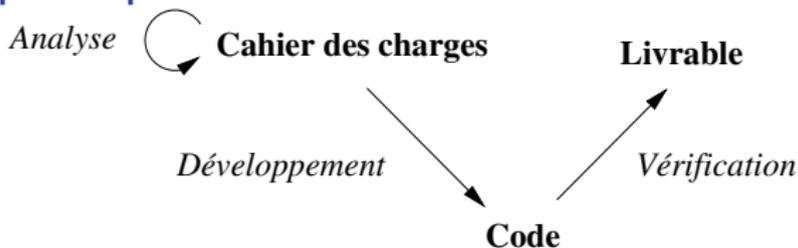
**Pré-requis** Spécification (*pas de code*)

**Objectif** Produire un code correspondant à la spécification

**Exemple GL** IDM : *dérivation de code à partir d'un modèle*

**Exemple MF** Raffinement : *description incrémentale*

# Quand et pourquoi ?



## Durant la phase de vérification

### Vérification a posteriori

Pré-requis Spécification et code

Objectif Vérifier la cohérence code/spec

Exemple GL Tests

Exemple MF Simulation symbolique

# Principales techniques de vérification

## Exemple de 3 approches

- Model checking
- Interprétation abstraite
- Preuve de programme

# Model checking

## Principe : Existe-t-il un contre exemple ?

- 1 Construction de la représentation concrète du programme
- 2 Construction du négatif de la propriété
- 3 Faire produit synchrone des 2
- 4 Résultat : ensemble des traces violant la propriété

## Bilan

**Difficultés** Taille de la représentation **concrète** du programme

**Garanties** Preuve de correction (si le processus termine)

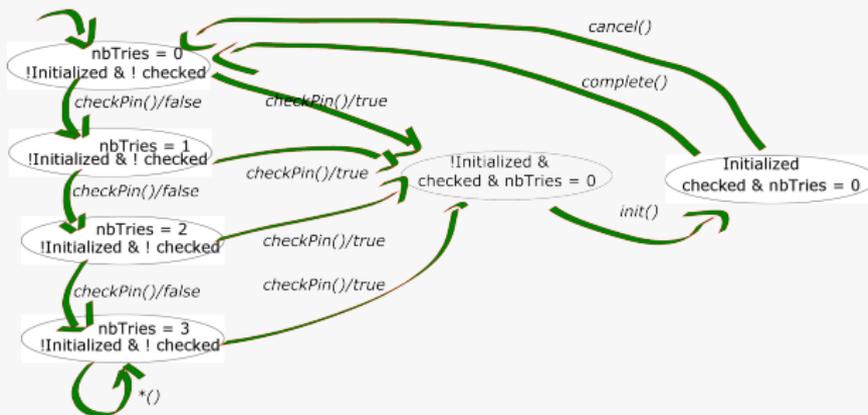
# Model checking : exemple

## Code à vérifier

```
if(terminalAuthentication()){  
  int amount=amountChoice();  
  int nbTries=0;  
  while(nbTries<3 && !checkPIN()) {  
    nbTries++;  
  }  
  if(nbTries<3){  
    if(initTransaction(amount)){  
      completeTransaction();  
    } else {  
      cancelTransaction();  
    }  
  }  
}
```

# Model checking : exemple

## Flot de contrôle



## Triche

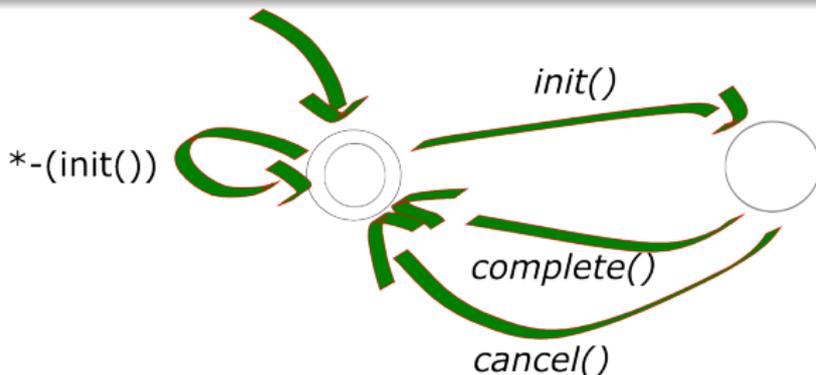
*amount* non représenté

## Model checking : exemple

### Propriété de protection contre l'arrachement

$$\varphi \hat{=} \square(\textit{Init} \Rightarrow \bigcirc(\textit{Comp} \vee \textit{Cancel}))$$

Pour toujours, si *initTransaction* survient, alors il doit être immédiatement suivi de *completeTransaction* ou *cancelTransaction*.

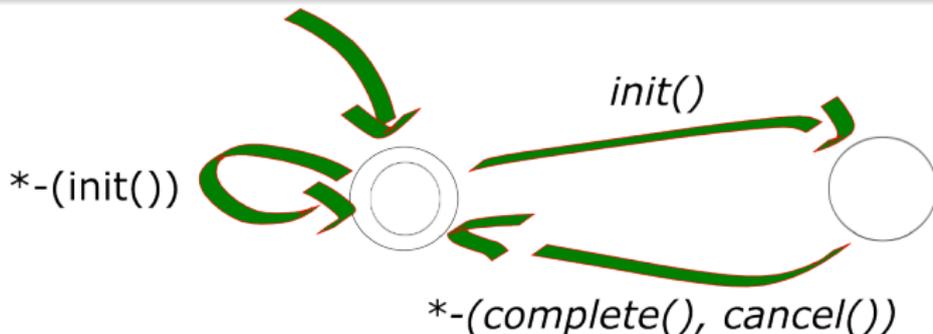


## Model checking : exemple

### Négation de la propriété

$$\neg\varphi \hat{=} \diamond (Init \wedge \bigcirc(\neg Comp \wedge \neg Cancel))$$

Forcément un jour *initTransaction* surviendra et il ne sera immédiatement suivi ni de *completeTransaction*, ni de *cancelTransaction*.



# Model checking : exemple

## Vérification

- Toute trace d'exécution du programme vérifie la propriété ?
- Existe-t-il une trace vérifiant  $\neg\varphi$  ?  
*Si oui : c'est un contre exemple*

# Interprétation abstraite

## Principe : Le même problème en plus simple ?

- 1 Construction d'une abstraction du programme
- 2 Vérification de la propriété sur l'abstraction

## Bilan

**Difficultés** Choix de **bonnes** fonctions d'abstraction et de concrétisation (connexions de Galois), nécessite une seconde technique de vérification

**Garanties** Correction du programme par rapport à la propriété

# Interprétation abstraite : exemple (non débordement)

## Étude d'intervalle sur un tri par insertion

```
int[] T={...};  
for(int i=1 ; i<T.length ; i++){  
  int p=T[i];  
  int j=i-1 ;  
  while(j>=0 && T[j]>p){  
  
    T[j+1]=T[j];  
    j-- ;  
  
  }  
  
  T[j+1]=p;  
}
```

# Interprétation abstraite : exemple (non débordement)

## Étude d'intervalle sur un tri par insertion

```
int[] T={...};  
for(int i=1 ; i<T.length ; i++){ //  $i \in [1..T.length - 1]$   
  int p=T[i];  
  int j=i-1;  
  while(j>=0 && T[j]>p){  
  
    T[j+1]=T[j];  
    j--;  
  
  }  
  
  T[j+1]=p;  
}
```

# Interprétation abstraite : exemple (non débordement)

## Étude d'intervalle sur un tri par insertion

```

int[] T={...};
for(int i=1 ; i<T.length ; i++){ //  $i \in [1..T.length - 1]$ 
  int p=T[i];
  int j=i-1 ; //  $i \in [1..T.length - 1] \wedge j \in [0..T.length - 2]$ 
  while(j>=0 && T[j]>p){

    T[j+1]=T[j];
    j-- ;

  }

  T[j+1]=p;
}

```

# Interprétation abstraite : exemple (non débordement)

## Étude d'intervalle sur un tri par insertion

```
int[] T={...};  
for(int i=1 ; i<T.length ; i++){ //  $i \in [1..T.length - 1]$   
  int p=T[i];  
  int j=i-1 ; //  $i \in [1..T.length - 1] \wedge j \in [0..T.length - 2]$   
  while(j>=0 && T[j]>p){  
    //  $i \in [1..T.length - 1] \wedge j \in [0..T.length - 2]$   
    T[j+1]=T[j];  
    j-- ;  
  }  
  
  T[j+1]=p;  
}
```

# Interprétation abstraite : exemple (non débordement)

## Étude d'intervalle sur un tri par insertion

```

int[] T={...};
for(int i=1 ; i<T.length ; i++){ //  $i \in [1..T.length - 1]$ 
  int p=T[i];
  int j=i-1 ; //  $i \in [1..T.length - 1] \wedge j \in [0..T.length - 2]$ 
  while(j>=0 && T[j]>p){
    //  $i \in [1..T.length - 1] \wedge j \in [0..T.length - 2]$ 
    T[j+1]=T[j];
    j--;
    //  $i \in [1..T.length - 1] \wedge j \in [-1..T.length - 3]$ 
  }

  T[j+1]=p;
}

```

# Interprétation abstraite : exemple (non débordement)

## Étude d'intervalle sur un tri par insertion

```

int[] T={...};
for(int i=1 ; i<T.length ; i++){ //  $i \in [1..T.length - 1]$ 
  int p=T[i];
  int j=i-1 ; //  $i \in [1..T.length - 1] \wedge j \in [0..T.length - 2]$ 
  while(j>=0 && T[j]>p){
    //  $i \in [1..T.length - 1] \wedge j \in [0..T.length - 2]$ 
    T[j+1]=T[j];
    j-- ;
    //  $i \in [1..T.length - 1] \wedge j \in [-1..T.length - 3]$ 
  }
  //  $i \in [1..T.length - 1] \wedge j \in [-1..T.length - 2]$ 
  T[j+1]=p;
}

```

# Preuve de programme (Vue globale)

## Principe :

- La propriété est elle cohérente ?
- La propriété est elle une abstraction du programme ?

## Bilan

**Difficultés** Indécidabilité de la logique du premier ordre (SAT)

**Garanties** Correction du programme par rapport à la propriété

# Preuve de programme : différentes approches

## Le code existe, on veut le vérifier (Ex : Frama-C)

- Propriétés décrites dans le programme
- Chaque fonction / variable globale est annotée

## Extraction du programme à partir de la preuve (Ex : Coq)

- La fonction est un théorème
- La preuve est le programme

## Description par étape du programme (Ex : Méthode B)

- Descriptions de plus en plus précises du programme

## Le code existe, on veut le vérifier (Frama-C)

- Propriétés décrites dans le programme
- Chaque fonction / variable globale est annotée
- On vérifie pour chaque fonction :
  - qu'elle respecte sa spécification
  - qu'elle ne génère pas d'erreur à l'exécution
- Exemple : Frama-C

# Extraction du programme à partir de la preuve (Coq)

## Principe

- 1 Description d'un théorème : c'est la fonction
- 2 preuve du théorème : c'est le programme

## Approche constructiviste

- La preuve doit être en logique constructiviste
  - $(\neg\neg A) \not\equiv A$
  - Pas de raisonnement par l'absurde
- Isomorphisme de Curry-Howard
  - Équivalence programme/preuve
  - Traduction automatique de la preuve en programme

# Coq récompensé par l'ACM

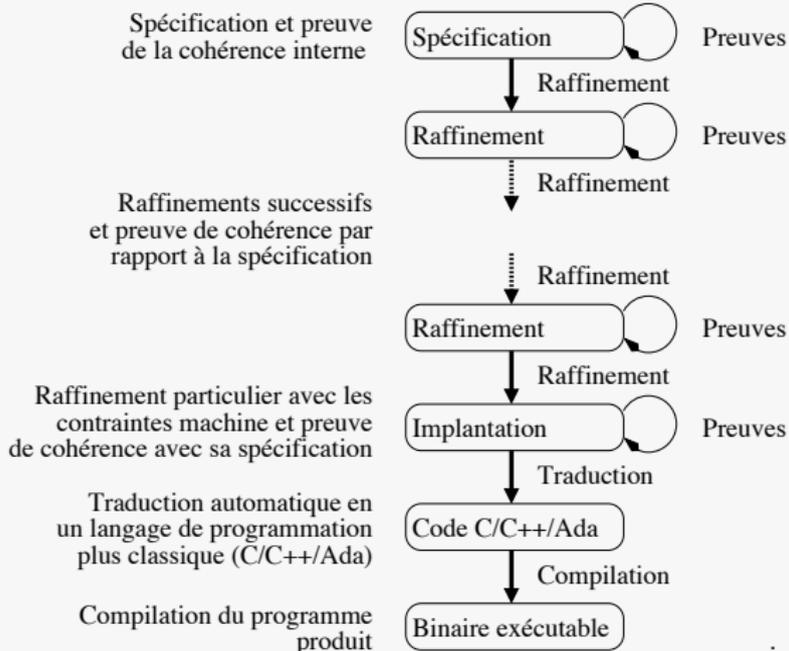
## ACM ?

- Association for Computing Machinery
- Association à but non lucratif
- Mission : soutenir recherche & innovation en informatique

## ACM SIGPLAN Programming Languages Software 2013 award

- Plus haute distinction de l'ACM (Soutenue par IBM)
- Exemple d'anciens récipiendaires de cette distinction :
  - Unix
  - TeX
  - TCP/IP
  - Java
  - Make

# Description par étapes du programme : Méthode B



# Bilan

# Bilan

## Bilan

- Modèle: *description de référence d'un système*
- Modèle  $\Leftrightarrow$  spécification
- Formel / informel / semi-formel
- Confiance peut être acquise à tout moment
- Confiance peut être plus ou moins forte
- Qu'est-ce qui a été vérifié ? À définir.

## Dans le cadre de ce cours

- Preuve (Méthode B)

## Devoir à la maison 1/2

### Travail à la maison : définition des règles

- Choisir un article parmi ceux proposés
- Faire l'analyse du travail : Résumé + avantages/inconvénients + 1 alternative possible (comment ? + bien/pas bien)
- Format imposé :
  - 2 à 3 pages
  - en anglais
  - en latex
  - au format *IEEE Transactions*<sup>a</sup>.
  - au moins 2 articles dans les références

21/11/14 Rapport à envoyer à `nicolas.stouls@insa-lyon.fr`

---

a. [http://www.ieee.org/publications\\_standards/](http://www.ieee.org/publications_standards/)

## Devoir à la maison 2/2

Installez l'atelier B sur votre machine perso !

- <http://www.atelierb.eu/>
- apportez votre machine aux 2 prochains cours.